

Олимпиада по математике для 5 класса

1. Восстановить цифры в примере на умножение.

$$\begin{array}{r} **5 \\ 4* \\ \hline 3** \\ *2**0 \\ \hline 1**** \end{array}$$

2. Найдите сумму $2019-2018+2017-2016+2015-2014+...+3-2+1$.

Решение.

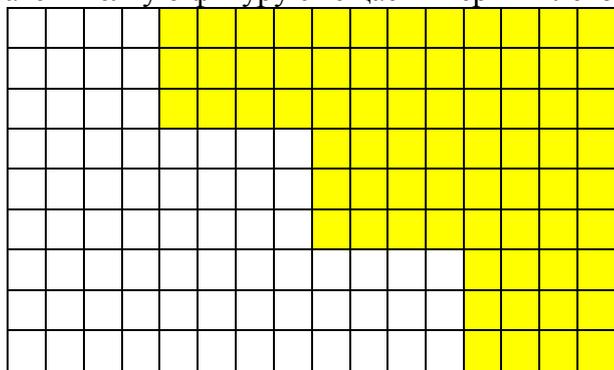
Заметим, что количество разностей равно $(2019-1):2=1009$. Разность равна 1. Следовательно сумма равна $1009+1=1010$

3. Как разрезать прямоугольник, длина которого 16 см, а ширина 9 см, на две равные части, из которых можно сложить квадрат.

Решение.

Площадь прямоугольника 144 см^2 , значит длина квадрата должна быть 12 см. Решение на рисунке.

Затем желтую фигуру смещаем вверх и влево.



4. Разместить на трех грузовиках 7 полных бочек, 7 наполненных наполовину бочек и 7 пустых бочек так, чтобы вес на всех грузовиках был одинаковым.

Решение:

Всего бочек 21. Поэтому на каждом грузовике может быть по 7 бочек.

На первый грузовик 3 полных, 1 наполненную наполовину и 3 пустых.

На второй грузовик так же.

На третий грузовик 1 полную, 5 наполненных наполовину, 1 пустую.

5. В семье четверо детей. Им исполнилось 5, 8, 13 и 15 лет. Детей зовут Аня, Миша, Вера и Женя. Одна из девочек ходит в детский сад. Аня старше Миши. Сумма возрастов Ани и Жени делится на 3. Кто Женя: мальчик или девочка?

Решение. Так как в детский сад может ходить только пятилетний ребенок, то самый младший ребенок — девочка. Значит, Мише — не пять лет. Аня старше Миши, то есть Ане исполнилось либо 13, либо 15 лет. Так как сумма возрастов Ани и Жени делится на три, то Ане не может быть пятнадцать лет. Следовательно, Ане — тринадцать. Миша её младше, значит Мише — восемь. Тогда Жене пять лет и она девочка.

Ответ: Женя — девочка

Олимпиада по математике для 6 класса

1. Имеется 8 палочек длиной в 1 см, 8 палочек длиной в 2 см и 7 палочек длиной в 5 см. Можно ли из всех палочек этого набора сложить прямоугольник? Разламывать палочки нельзя. Решение. Если a и b – длины сторон прямоугольника, периметр $P = 2(a+b)$, т. е. P – четное число в случае целых a и b . $8 \cdot 1 + 8 \cdot 2 + 7 \cdot 5 = 8 + 16 + 35 = 59$ (см) – нечетное число. Поэтому из всех палочек данного набора прямоугольник сложить нельзя

Ответ: нельзя

2. На некотором острове необычайно регулярный климат : по понедельникам и средам всегда идут дожди, по субботам - туман, зато в остальные дни - солнечно. Утром какого дня недели нужно начать свой отдых группе туристов, если они хотят пробыть там 44 дня и захватить при этом как можно больше солнечных дней?

Решение : Выясним, сколько полных недель в 44 днях. Получим 6 недель. В течении этих недель число солнечных дней не зависит от того, когда начнется отдых. В качестве оставшихся двух дней выбираем четверг и пятницу - солнечные дни. Следовательно, отправляем туристов утром в четверг.

3. Остаток от деления 100 на некоторое число равен 4. При делении 90 на это же число в остатке получается 18. На какое число делили?

Решение : Из условия следует, что $100 - 4 = 96$ делится на искомое число. Также $90 - 18 = 72$ делится на искомое число. Их разность также делится на искомое число: $96 - 72 = 24$. Следовательно, искомое число - 24, так как на него делится и 96, и 72.

4. Змей Горыныч побежден! - такая молва дошла до Микулы Селяниновича.

Он знал, что мог это сделать либо Илья Муромец, либо Алеша Попович, либо Добрыня Никитич. Вскоре Микуле сообщили: Змея Горыныча победил не Илья Муромец; Змея Горыныча победил Алеша Попович. Спустя некоторое время выяснилось, что одно из этих сообщений неверное, а другое верное. Догадайтесь, кто из трех богатырей победил Змея Горыныча.

Ответ. Добрыня Никитич.

Решение. Предположим, что Змея Горыныча победил Илья Муромец. Тогда оба сообщения неверные - результат не соответствует условию задачи. Предположим, что Змея Горыныча победил Алеша Попович. Тогда оба сообщения верные. И этот результат не соответствует условию задачи.

Предположим, что Змея Горыныча победил Добрыня Никитич. Тогда первое сообщение верное, а второе - неверное. Результат соответствует условию задачи.

5. Отец выдал Алексу и Джеймсу 100 задач. Тот, кто решает задачу первым, получает за неё 4 очка, вторым – 1 очко. В результате каждый из них решил по 60 задач (не обязательно одинаковых). Могли ли они набрать в сумме 313 очков?

Решение. Пусть x – количество задач, решённых обоими братьями. За каждую из них они получают вместе по $4 + 1 = 5$ очков. Кроме того, есть $60 - x$ задач, решённых только первым и $60 - x$ решённых только вторым. За них каждый получит по 4 очка. Итого $5x + 4(60 - x) + 4(60 - x) = 480 - 3x$ очков, что делится на 3 и поэтому не равно 313